## Universidad Autónoma del Estado de México Facultad de Química Licenciatura en Ingeniería Química



### Guía pedagógica: Métodos Numéricos

Dr. Carlos E. Barrera Díaz

Elaboró: M. en A. María Esther Aurora Contreras Lara Vega Fecha: de 2016

21 de enero

Dra. Sandra Luz Martínez Vargas

Fecha de aprobación H. Consejo académico 25 de agosto de 2016

H. Consejo de Gobierno 26 de agosto de 2016





## Índice

	Pág.
I. Datos de identificación	3
II. Presentación de la guía pedagógica	4
III. Ubicación de la unidad de aprendizaje en el mapa curricular	4
IV. Objetivos de la formación profesional	5
V. Objetivos de la unidad de aprendizaje	6
VI. Contenidos de la unidad de aprendizaje, y su organización	7
VII. Acervo bibliográfico	16
VIII. Mapa curricular	17





#### I. Datos de identificación Espacio educativo donde se imparte Facultad de Química Licenciatura Ingeniería Química Unidad de aprendizaje Métodos numéricos Clave Carga académica 2 6 Horas teóricas Horas prácticas Total de horas Créditos Período escolar en que se ubica 2 3 5 6 7 8 9 Seriación Ninguna Ninguna **UA Antecedente UA Consecuente** Tipo de Unidad de Aprendizaje Curso Curso taller Seminario Taller Laboratorio Práctica profesional Otro tipo (especificar) Modalidad educativa Escolarizada. Sistema rígido No escolarizada. Sistema virtual X Escolarizada. Sistema flexible No escolarizada. Sistema a distancia No escolarizada. Sistema abierto Mixta (especificar) Formación común Formación equivalente Unidad de Aprendizaje Química 2015 Métodos Numéricos





#### II. Presentación de la guía pedagógica

El diseño de la guía pedagógica de la Unidad de Aprendizaje de Métodos Numéricos favorece la coherencia entre la estructura y organización del plan de estudios y el planteamiento didáctico de las unidades de aprendizaje.

La guía pedagógica de la Unidad de Aprendizaje de Métodos Numéricos es un referente para el docente que oriente, de forma sencilla el desarrollo de sus actividades de enseñanza, así como estrategias didácticas que permitan que los estudiantes desarrollen las competencias propias de la Unidad de Aprendizaje

Para instrumentar la guía pedagógica se elaboró una planeación didáctica con relación a los contenidos de aprendizaje, actividades de enseñanza-aprendizaje, materiales, medios y recursos así como el tiempo dedicado para las actividades.

La guía pedagógica se realizó conforme a los lineamientos institucionales plasmados en el artículo 87 del Reglamento de Estudios Profesionales 2007 de la Universidad Autónoma del Estado de México, que a la letra dice:

**Artículo 87**. La guía pedagógica es un documento que complementa al programa de estudios y que no tiene carácter normativo. Proporcionará recomendaciones para la conducción del proceso de enseñanza aprendizaje. Su carácter indicativo otorgará autonomía al personal académico para la selección y empleo de los métodos, estrategias y recursos educativos que considere más apropiados para el logro de los objetivos.

Con base en la modalidad educativa en que se ofrezca cada plan y/o programa de estudios, las unidades de aprendizaje contarán con una guía pedagógica institucional que será aprobada previamente a su empleo.

La guía pedagógica será un referente para el personal académico que desempeña docencia, tutoría o asesoría académicas, o desarrolle materiales y medios para la enseñanza y el aprendizaje.

#### III. Ubicación de la unidad de aprendizaje en el mapa curricular

Núcleo de formación	Sustantivo
Área Curricular	Físico Matemáticas
Carácter de la UA	Obligatoria básica





### IV. Objetivos de la formación profesional

#### Objetivos del programa educativo

Formar profesionales en Ingeniería Química con el dominio en tópicos de la Ingeniería Química -fisicoquímica, reacciones químicas e ingeniería de procesos-, principios de economía industrial y administración, e inglés; y el desarrollo de habilidades cognitivas (análisis, síntesis, pensamiento crítico, razonamiento matemático, creatividad), para que aplicando metodologías adecuadas, sean capaces de resolver problemas propios de la formación, así como de generar y/u optimizar procesos y proyectos químicos, extractivos y de manufactura, que conlleven a buscar el desarrollo sustentable de su entorno, con responsabilidad social, a través de:

- Intervenir profesionalmente en la administración de procesos y proyectos químicos, extractivos y de manufactura.
- Contribuir en la gestión y transferencia de tecnología de procesos fisicoquímicos económicamente redituables.
- Contribuir al progreso científico y la investigación en el ámbito de la ingeniería química mediante la innovación y promoción de nuevas plataformas tecnológicas socialmente necesarias y redituables económicamente.
- Orientar en la eficiente articulación y uso de los recursos humanos, tecnológicos, materiales, energéticos y económicos de las plantas productivas.
- Participar en actividades de comercialización de productos, equipos y servicios relacionados con procesos y proyectos químicos, extractivos y de manufactura.

#### Objetivos del Núcleo de Formación Sustantivo

Desarrollar en el alumno el dominio teórico, metodológico y axiológico del campo del conocimiento donde se inserta la profesión.

#### Objetivos del área curricular o disciplinaria de Fisicomatemáticas

Proporcionar conocimientos básicos de Matemáticas y Física para la comprensión y solución de modelos de las ciencias de alimentos, biológicas, farmacéuticas, ingenieriles y químicas, a través de aportar una herramienta para la solución de problemas (heurística) y un lenguaje que le permita al alumno comunicar adecuadamente ideas y conceptos propios de su formación profesional, incidiendo en el desarrollo de habilidades que favorezcan el pensamiento lógico deductivo,





crítico, el autoaprendizaje, el manejo de instrumentos, material de laboratorio y software especializado.

#### V. Objetivos de la unidad de aprendizaje

Utilizar metodologías no analíticas, a partir de condiciones iniciales y herramientas computacionales, teniendo como propósito la resolución de problemas como ajustes y regresiones de curvas que puedan predecir el comportamiento de un proceso de producción, cálculos que involucran integrales y diferenciales para obtener modelos cinéticos, problemas de perfiles de temperatura y de nivel en tanques, entre otros, mismos que forman parte de las ciencias; promoviendo el desarrollo de habilidades para el uso de TIC's y software, así como la calidad en el trabajo y actuando con responsabilidad social.



Licenciatura en Ingeniería Química

#### Reestructuración, 2015



#### VI. Contenidos de la unidad de aprendizaje y su organización

#### Unidad 1. Introducción a los métodos numéricos

#### Objetivo:

Reconocer la importancia de las técnicas numéricas y de aproximación mediante la búsqueda y análisis de información proveniente de fuentes diversas para la aplicación de los métodos numéricos como herramienta orientada a la solución de problemas de ingeniería química promoviendo el desarrollo de habilidades para el uso de TIC's y software, así como la calidad en el trabajo y actuando con responsabilidad social

#### **Contenidos:**

- 1.1 Importancia de los métodos numéricos
- 1.2 Métodos iterativos
- 1.3. Errores y Aproximaciones
- 1.3.1 Errores de punto flotante y aritmética de la computadora.
- 1.3.2 Incertidumbre en los datos y propagación de error.
- 1.3.3 Error absoluto y error relativo.

Métodos de enseñanza: Método recíproco, método colectivo, método mixto

Estrategias: Encuadre, expositiva, diálogos simultáneos,

Recursos Educativos: Preguntas, reporte, problemario, mapa conceptual

Inicio	Desarrollo	Cierre
Técnica grupal de presentación: Conocer información sobre los integrantes del grupo que considere necesario. A1: Presentación por parejas: los alumnos se van a presentar por parejas (uno presenta al otro miembro de la pareja y viceversa), y los miembros de cada equipo deben intercambiar determinado tipo de información que sea de interés para todos, por ejemplo,	Lectura comentada: El docente propone la lectura sobre la importancia de los métodos numéricos y dirige la actividad del alumno para analizar cada temática. A4. El estudiante realiza la lectura, analiza, jerarquiza y organiza conceptos y aporta comentarios sobre la misma.  Exposición: El docente explica el tema para comprobar el análisis	Mapa conceptual: El alumno elabora un mapa conceptual que incluya la relación entre cada uno de los temas vistos en clase.



Licenciatura en Ingeniería Química

#### Reestructuración, 2015



básico y de aplicación

nombre, interés por la actividad a desarrollar, expectativas, etcétera.  Diálogos simultáneos: El docente organiza pares o para que todos los estudiantes compartan sus expectativas del curso.  A2. Los estudiantes participan y aportan sus comentarios en grupo.  Encuadre: El docente presenta los objetivos, contenidos, forma de trabajo y criterios de evaluación de la Unidad de Aprendizaje en general.  A3. Los estudiantes revisan el programa y expresan sus dudas e inquietudes	previo. A5. A partir de la actividad anterioresuelve problemas analíticamen En sesiones de trabajo en clase y extraclase	te.	
(1Hrs.)	(1Hrs.)		(1 Hrs.)
Escenarios y recursos para el aprendizaje (uso del alumno)			
Escenarios Recursos		Recursos	
Biblioteca, Bases de datos, sala de cómp	outo	Bases	de datos, computadora, software

#### Unidad 2. Importancia del modelamiento matemático y de los métodos numéricos

#### Objetivo:

Seleccionar los modelos matemáticos y métodos de solución numérica de ecuaciones algebraicas y trascendentes, mediante la elaboración de tablas comparativas, para resolver ecuaciones algebraicas y trascendentes así como la resolución de ejercicios y problemas para elaborar programas que involucre la elección de métodos iterativos promoviendo el desarrollo de habilidades para el uso de TIC's y software, así como la calidad en el trabajo y actuando con responsabilidad social

#### Contenidos:

2.1. Lenguaje de programación



Licenciatura en Ingeniería Química

#### Reestructuración, 2015



- 2.2. Estructuras selectivas
- 2.3. Estructuras de repetición
- 2.4. Arreglos

#### Métodos, estrategias y recursos educativos

Resumen, exposición, problemario, síntesis

Inicio	Desarrollo	Cierre
Video: El docente presenta el video sobre el concepto de algoritmo y su relación con la programación A1. El estudiante observa el vídeo y selecciona información significativa A2: El estudiante integra un resumen sobre el concepto de algoritmo y su relación con la programación.	Exposición: El docente explica el tema para comprobar el análisis previo  A3: Preguntas: El estudiante contesta preguntas derivadas de la exposición de la clase  Discusión grupal: El docente presenta un problema ante el grupo, el docente establecerá una discusión relacionado con la comprensión del problema, elaborar un plan estratégico para resolver el problema, ejecutar el plan, análisis de la solución obtenida  Exposición: El docente explica el tema relacionado las estructuras selectivas, de repetición y arreglos	partir de la actividad anterior, el alumno resuelve problemas analíticamente y con el apoyo de software especializado. En sesiones de trabajo en clase y extraclase. <b>A5: Síntesis de palabras:</b> Realizar
(1 Hrs.)	(2 Hrs.)	(1 Hrs.)
Escenarios y recursos para el aprend	lizaje (uso del alumno)	
Escenar	ios	Recursos

Escenarios	Recursos
Biblioteca, Bases de datos, sala de cómputo	Bases de datos, computadora, software básico y de aplicación



Reestructuración, 2015



#### Unidad 3. Solución numérica de ecuaciones algebraicas y trascendentes

#### Objetivo:

Seleccionar los métodos de solución numérica de ecuaciones algebraicas y trascendentes mediante la elaboración de tablas comparativas con las características de los diferentes métodos para resolver ecuaciones algebraicas y trascendentes así como la resolución de ejercicios y problemas para elaborar programas que involucre la elección de métodos iterativos promoviendo el desarrollo de habilidades para el uso de TIC's y software, así como la calidad en el trabajo y actuando con responsabilidad social

#### Contenidos:

- 3.1 Método gráfico, separación de funciones e interpretación geométrica
- 3.2 Métodos iterativos por intervalos: tanteo, bisección y falsa posición
- 3.3 Métodos iterativos abiertos: Newton-Raphson, Newton Bayle, Serie de Taylor

#### Métodos, estrategias y recursos educativos

Resumen, problemario, proyecto de software

Inicio	Desarrollo	Cierre
Resumen: El docente solicitará al estudiante realizar una investigación bibliográfica sobre solución de ecuaciones algebraicas y trascendentes  A1: Los estudiantes elaboran una presentación en power point y exponen para verificar significados de la información aprendida	Exposición: El docente explica el tema para comprobar el análisis previo  A2: Representación gráfica. El alumno elaborará a mano, gráficas de diferentes funciones para encontrar las raíces a través de la intersección con el eje X.  A3: Uso de software especializado: El alumno utilizará una hoja de cálculo para obtener la solución de métodos iterativos abiertos con base en los ejercicios realizados en clase. Posteriormente elaborará el algortmo	partir de la actividad anterior, el







	y programa para la resolución de mismos.	os
(1 Hrs.)	(4 Hrs.)	(2 Hrs.)
Escenarios y recursos para el aprendi	zaje (uso del alumno)	
Escenario	os	Recursos
Biblioteca, Bases de datos, sala de cómp		ases de datos, computadora, software ásico y de aplicación

#### Unidad 4. Solución numérica de sistemas de ecuaciones lineales

#### Objetivo:

Seleccionar los métodos de solución numérica de sistemas de ecuaciones lineales mediante la elaboración de tablas comparativas con las características de los diferentes estudiados así como la resolución de ejercicios y problemas para elaborar programas que involucre la elección de métodos de solución numérica de sistemas de ecuaciones lineales promoviendo el desarrollo de habilidades para el uso de TIC's y software, así como la calidad en el trabajo y actuando con responsabilidad social

#### Contenidos:

- 4.1 Introducción
- 4.2 Método de Gauss simple
- 4.3 Método de Gauss-Jordan
- 4.4. Método de Gauss-Seidel

#### Métodos, estrategias y recursos educativos

Búsqueda bibliográfica, presentación electrónica, proyecto de software, problemario

Inicio	Desarrollo	Cierre
Dinámica grupal: El docente dividirá a		A5: Resolución de problemas: A
los integrantes en equipos de trabajo,	tema para comprobar el análisis	partir de la actividad anterior, el







(4 Hrs.)	mismos. (8 Hrs.)	(4 Hrs.)
asignará un problema a cada equipo sobre la solución numérica de sistemas de ecuaciones lineales  A1: Cada equipo realizará una búsqueda bibliográfica sobre la manera de resolver el problema  A2: Los estudiantes elaboran una presentación en power point y exponen para verificar significados de la información aprendida.	en los ejercicios realizados en clase. Posteriormente A4: <b>Resolución de problemas.</b> El alumno elaborará el algoritmo y programa para la resolución de los	software especializado. En sesiones

#### Escenarios y recursos para el aprendizaje (uso del alumno)

Escenarios	Recursos
Biblioteca, Bases de datos, sala de cómputo	Bases de datos, computadora, software básico y de aplicación

#### Unidad 5. Métodos de ajuste de curvas e interpolación lineal

#### Objetivo:

Estimar a partir de un conjunto de datos experimentales la curva que mejor se ajuste mediante la elaboración de tablas comparativas con las características de los diferentes estudiados así como la resolución de ejercicios y problemas para elaborar programas que involucre la elección de métodos de ajuste de curvas e interpolación lineal promoviendo el desarrollo de habilidades para el uso de TIC's y software, así como la calidad en el trabajo y actuando con responsabilidad social

#### **Contenidos:**

- 5.1. Análisis de Regresión
- 5.1.1. Fundamentos estadísticos.
- 5.1.2. Método de mínimos cuadrados.
- 5.1.2.1. Regresión lineal simple.
- 5.1.2.2. Regresión polinomial.



#### Reestructuración, 2015



- 5.1.2.3. Regresión lineal múltiple.
- 5.1.2.4. Regresión no lineal
- 5.2. Interpolación.
- 5.2.1. Polinomios de interpolación con diferencias divididas de Newton.
- 5.2.2. Polinomios de interpolación de Lagrange

#### Métodos, estrategias y recursos educativos

Resumen, uso de software especializado, problemario

Actividades de criscitatiza y de aprendizaje		
Inicio	Desarrollo	Cierre
Video: El docente presenta el video sobre el concepto de Métodos de ajuste de curvas e interpolación lineal A1. El estudiante observa el vídeo y selecciona información significativa A2: El estudiante integra un resumen sobre el concepto de Métodos de ajuste de curvas e interpolación lineal.	Exposición: El docente explica el tema para comprobar el análisis previo  A3: Elaboración de gráficos: Elaborar, a mano, gráficas dispersión de datos experimentales para ver la tendencia de los mismos y aproximarlos a la recta o curva que mejor los describa. Obtener la ecuación de la curva a partir de la gráfica.  A4: Uso de software especializado: El alumno utilizará una hoja de cálculo para obtener la solución de métodos de ajuste de curvas e interpolación lineal con base en los ejercicios realizados en clase. Posteriormente  A5: Resolución de problemas. El alumno elaborará el algoritmo y programa para la resolución de los mismos.	A6: Resolución de problemas: A partir de la actividad anterior, el alumno resuelve problemas analíticamente y con el apoyo de software especializado. En sesiones de trabajo en clase y extraclase



Licenciatura en Ingeniería Química Reestructuración, 2015



(4 Hrs.)	(10 Hrs.)	(4 Hrs.)		
Escenarios y recursos para el aprendizaje (uso del alumno)				
Escenarios		Recursos		
Biblioteca, Bases de datos, sala de cómputo		ases de datos, computadora, software ásico y de aplicación		

#### Unidad 6. Integración y resolución de ecuaciones diferenciales ordinarias

#### Objetivo:

Seleccionar los métodos de integración y resolución de ecuaciones diferenciales ordinarias mediante la elaboración de tablas comparativas con las características de los diferentes estudiados así como la resolución de ejercicios y problemas para elaborar programas que involucre la elección de métodos de solución numérica adecuado promoviendo el desarrollo de habilidades para el uso de TIC's y software, así como la calidad en el trabajo y actuando con responsabilidad social

#### **Contenidos:**

- 6.1. Integración numérica
- 6.1.1. Integración numérica simple. Método del trapecio. Métodos de Simpson.
- 6.1.1.1. Integración numérica múltiple.
- 6.2. Solución de ecuaciones diferenciales.
- 6.2.1. Método de Euler.
- 6.2.2. Métodos de Runge-Kutta

#### Métodos, estrategias y recursos educativos

Resumen, uso de software especializado, problemario

Inicio	Desarrollo	Cierre
<b>Dinámica grupal:</b> El docente dividirá a los integrantes en equipos de trabajo, asignará un problema a cada equipo	<b>Exposición:</b> El docente explica el tema para comprobar el análisis previo	<b>A5: Resolución de problemas:</b> A partir de la actividad anterior, el alumno resuelve problemas



### Reestructuración, 2015



sobre la integración y resolución de A3: Uso de software especializado: analíticamente y con el apoyo de ecuaciones diferenciales ordinarias El alumno utilizará una hoja de software especializado. En sesiones cálculo para obtener la solución de los A1: Cada equipo realizará una de trabajo en clase y extraclase métodos de integración y resolución búsqueda bibliográfica sobre la manera de resolver el problema de ecuaciones diferenciales ordinarias con base en los ejercicios realizados A2: Los estudiantes elaboran una en clase. Posteriormente presentación en power point y exponen A4: Resolución de problemas. El para verificar significados de la alumno elaborará el algoritmo y información aprendida. programa para la resolución de los mismos. (4 Hrs.) (10 Hrs.) (4 Hrs.) Escenarios y recursos para el aprendizaje (uso del alumno) **Escenarios** Recursos Biblioteca, Bases de datos, sala de cómputo Bases de datos, computadora, software básico y de aplicación





#### VII. Acervo bibliográfico

#### Básico

Burden, R. (2011). Análisis Numérico. México. D.F.: Thomson Learning.

Chapra S. & Canale R. (2003). *Métodos numéricos para ingenieros con programas de aplicación*. México D.F.: Mc Graw Hill.

Nieves A. & Dominguez F. (2012). *Métodos numéricos aplicados a la Ingeniería*. México D.F.: Patria.

#### Complementario

Curtis, G. (2000). *Métodos Numéricos Aplicados*. México D.F.: Pearson Education, Prentice Hall.

Skiba, Y. (2001). Introducción a los métodos numéricos. México D.F.: UNAM.



Licenciatura en Ingeniería Química

#### Reestructuración, 2015



#### VIII. Mapa curricular

