



UNIVERSIDAD AUTÓNOMA DEL ESTADO DE MÉXICO

CENTRO UNIVERSITARIO UAEM ZUMPANGO

INGENIERO EN COMPUTACION

TEMA: “MODELOS DE TRANSPORTE”

M. EN C. LUIS ENRIQUE KU MOO

FECHA: ABRIL DE 2017



UNIDAD DE APRENDIZAJE: INVESTIGACIÓN DE OPERACIONES

UNIDAD DE COMPETENCIA IV: MODELOS DE TRANSPORTE

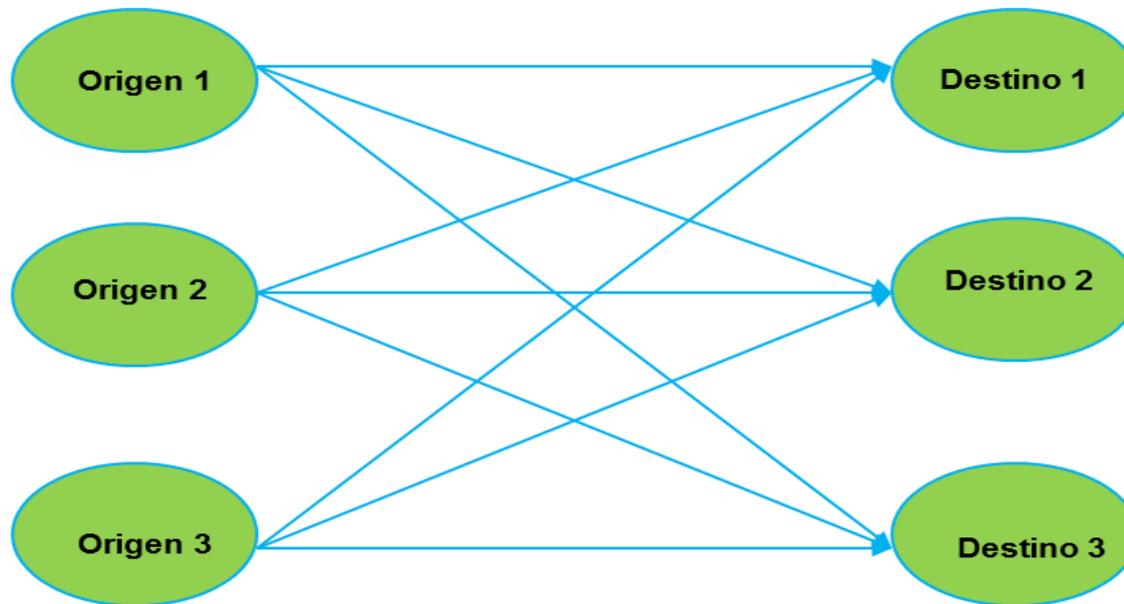
1. PROBLEMA DE TRANSPORTE, PLANTEAMIENTO, SOLUCIÓN POR EL MÉTODO SIMPLEX PARA TRANSPORTE.
2. MÉTODOS PARA LA OBTENCIÓN DE LA SOLUCIÓN INICIAL BÁSICA: MÉTODO DE LA ESQUINA NOROESTE, MÉTODO DEL COSTO MÍNIMO, MÉTODO DE VOGEL.
3. UTILIZAR SOFTWARE PARA RESOLVER PROBLEMAS DE TRANSPORTE



OBJETIVOS

General:

Conocer y aplicar el modelo de transporte, transbordo y de asignación, como casos especiales de la programación lineal





Definición y aplicación del modelo de transporte

- Entre los datos que requiere el modelo están:
 1. Nivel de oferta en cada fuente y la cantidad de demanda en cada destino.
 2. El costo de transporte unitario de la mercancía de cada origen a cada destino.
- El problema consiste en decidir cuántas unidades trasladar desde ciertos puntos de origen (plantas, ciudades, etc.) a ciertos puntos de destino (centros de distribución, ciudades, etc..) de modo de minimizar los costos de transporte, dada la oferta y demanda en dichos puntos.



Modelo general para el problema de transporte

Minimizar

$$X_o = \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n C_{ij} X_{ij}$$

Sujeto a :

$$\sum_{i=1}^m X_{ij} \geq b_j$$

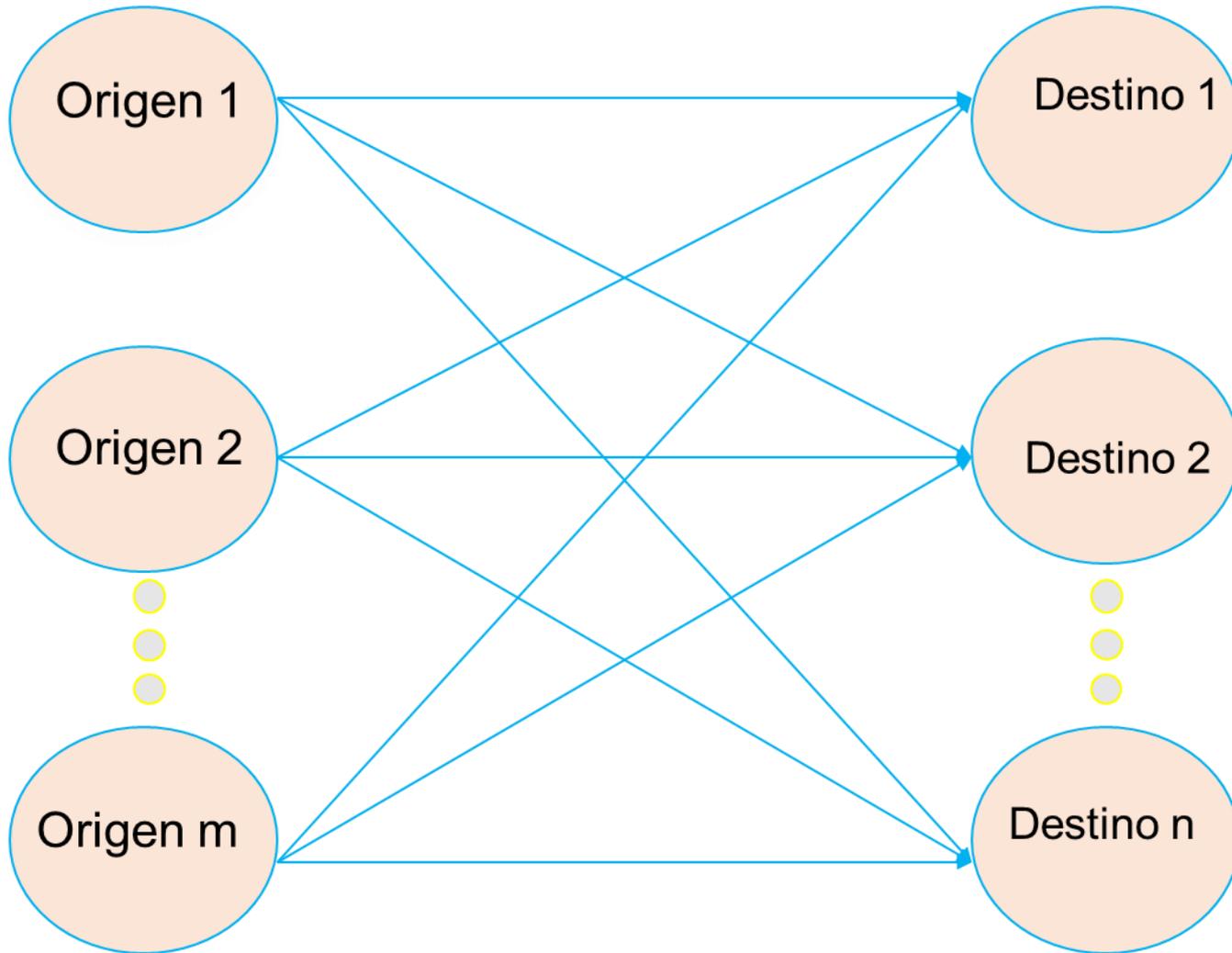
$$\sum_{j=1}^n X_{ij} \leq a_i$$

$$X_{ij} \geq 0 \quad \forall \quad i = 1, 2, \dots, m$$
$$\quad \quad \quad \forall \quad j = 1, 2, \dots, n$$

Se necesita que la oferta sea igual que la demanda. Pocas veces se da esta igualdad por lo que es necesario crear destinos u orígenes ficticios con tal balancear el problema



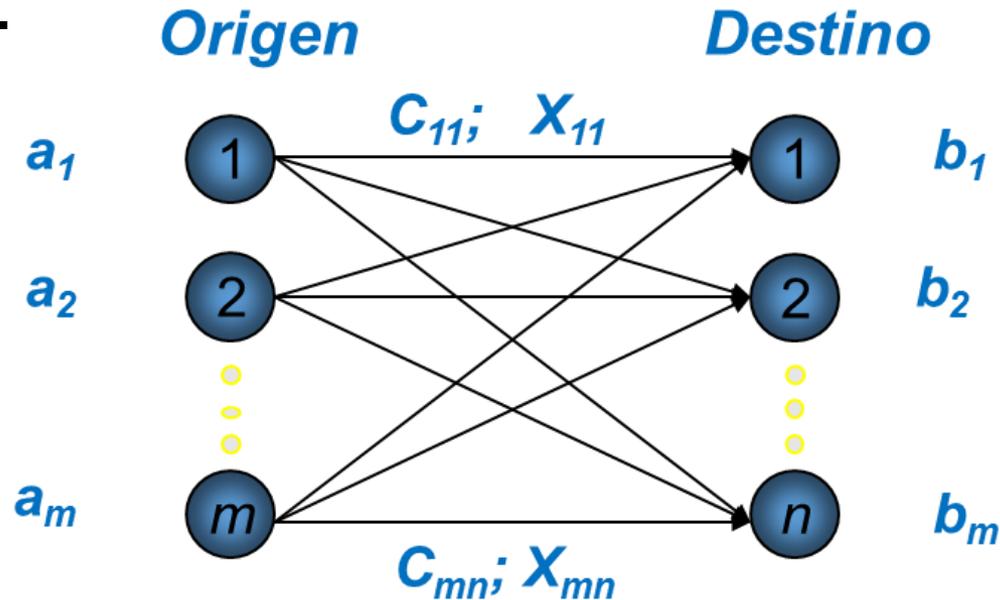
Modelos de transporte: Gráfica





Modelos de transporte: Gráfica

El modelo de transporte se puede representar como una red con m orígenes y n destinos. Un origen o un destino se representa por un **nodo**. El **arco** que une una fuente con un destino representa la ruta por la cual se transporta la mercancía. La cantidad de la oferta en el origen i es a_i y la demanda en el destino j es b_j . El costo de transporte unitario entre el origen i y el destino j es C_{ij} .





Modelos de transporte: Gráfica

Ensambladora Electrónica S. A. Distribuye computadoras en todo el país. Actualmente cuenta con tres plantas y tres centros de distribución para la zona norte de la república mexicana. Los costos de transporte por cada camión desde las plantas hasta los centros de distribución, se muestran en la tabla.

Planta	Centro de distribución		
	CD ₁	CD ₂	CD ₃
P ₁	\$1250	\$1380	\$1000
P ₂	\$ 950	\$1230	\$ 840
P ₃	\$ 1520	\$1420	\$ 1360

Cada centro de distribución requiere 15, 20 y 18 camiones semanalmente y se sabe que cada planta tiene disponibles 12, 25 y 16 respectivamente.



Modelos de transporte: Gráfica

Diagrama:

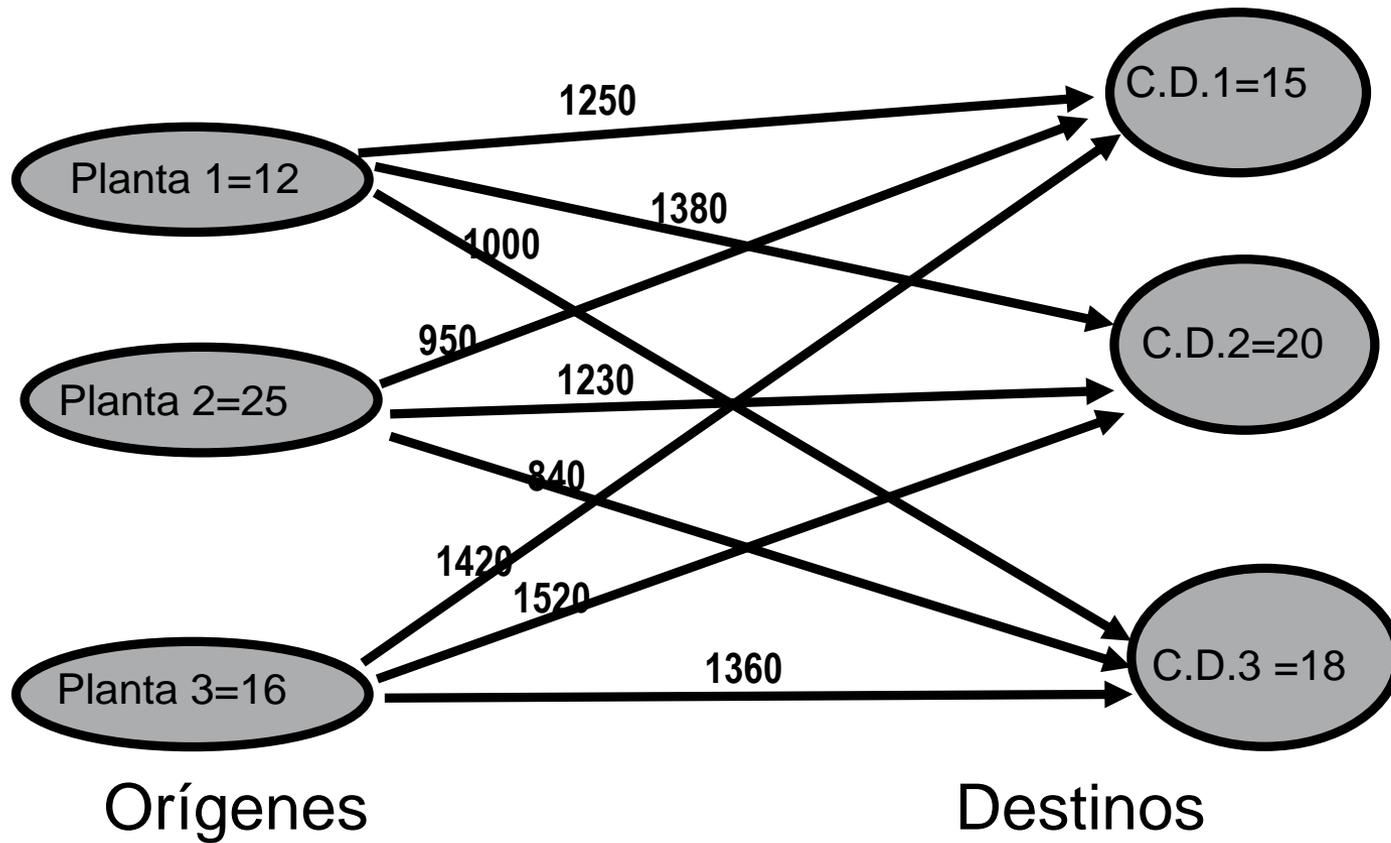




Tabla Símples de transporte

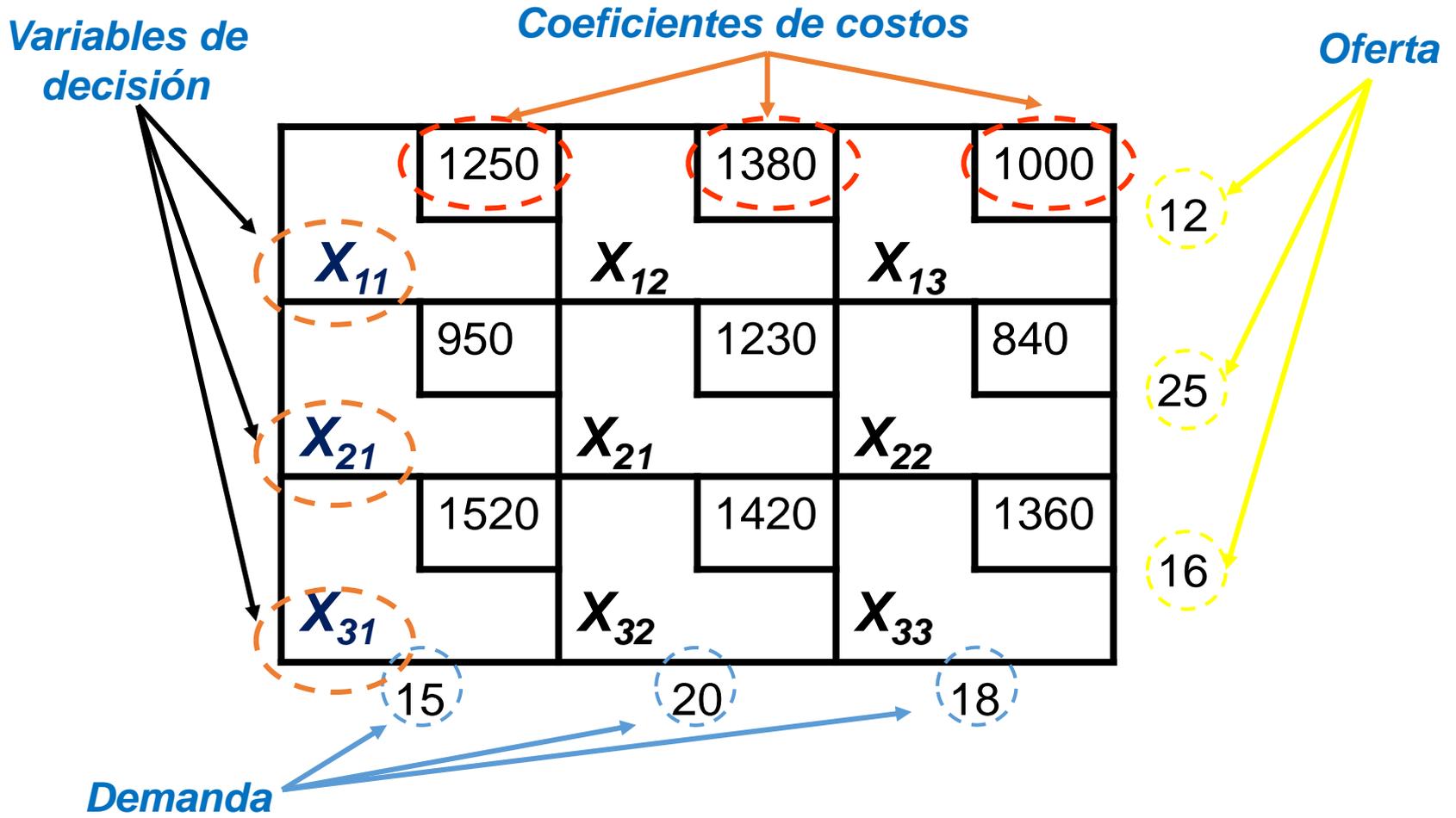




Tabla Símples de transporte: Ejemplo

Ensambladora Electrónica S. A. Distribuye computadoras en todo el país. Actualmente cuenta con tres plantas y tres centros de distribución para la zona norte de la república mexicana. Los costos de transporte por cada camión desde las plantas hasta los centros de distribución, se muestran en la tabla.

Destinos	Orígenes			Oferta
	CD ₁	CD ₂	CD ₃	
P ₁	1250	1380	1000	12
P ₂	950	1230	840	25
P ₃	1520	1420	1360	16
Demanda	15	20	18	



Modelos de transporte.

Variables de decisión:

x_{ij} = Unidades transportadas desde la planta i ($i=1,2,3$), hasta el centro de distribución j ($j=1, 2, 3$).

Función Objetivo:

Minimizar el costo total de transporte dado por la función:

$$1250x_{11}+1380x_{12}+1000x_{13}+950x_{21}+1230x_{22}+840x_{23}+1520x_{31}+1420x_{32}+1360x_{33}$$



Modelos de transporte.

Restricciones del problema:

1) No Negatividad: $x_{ij} \geq 0$

2) Demanda:

$$CD_1 : x_{11} \quad +x_{21} \quad +x_{31} \quad = 15$$

$$CD_2 : \quad x_{12} \quad +x_{22} \quad +x_{32} \quad = 20$$

$$CD_3 : \quad \quad x_{13} \quad + x_{23} \quad +x_{33} \quad = 18$$

3) Oferta :

$$P_1 : x_{11} + x_{12} + x_{13} \quad = 12$$

$$P_2 : \quad \quad \quad x_{21} + x_{22} + x_{23} \quad = 25$$

$$P_3 : \quad \quad \quad x_{31} + x_{32} + x_{33} \quad = 16$$



Modelos de transporte: Ejemplo

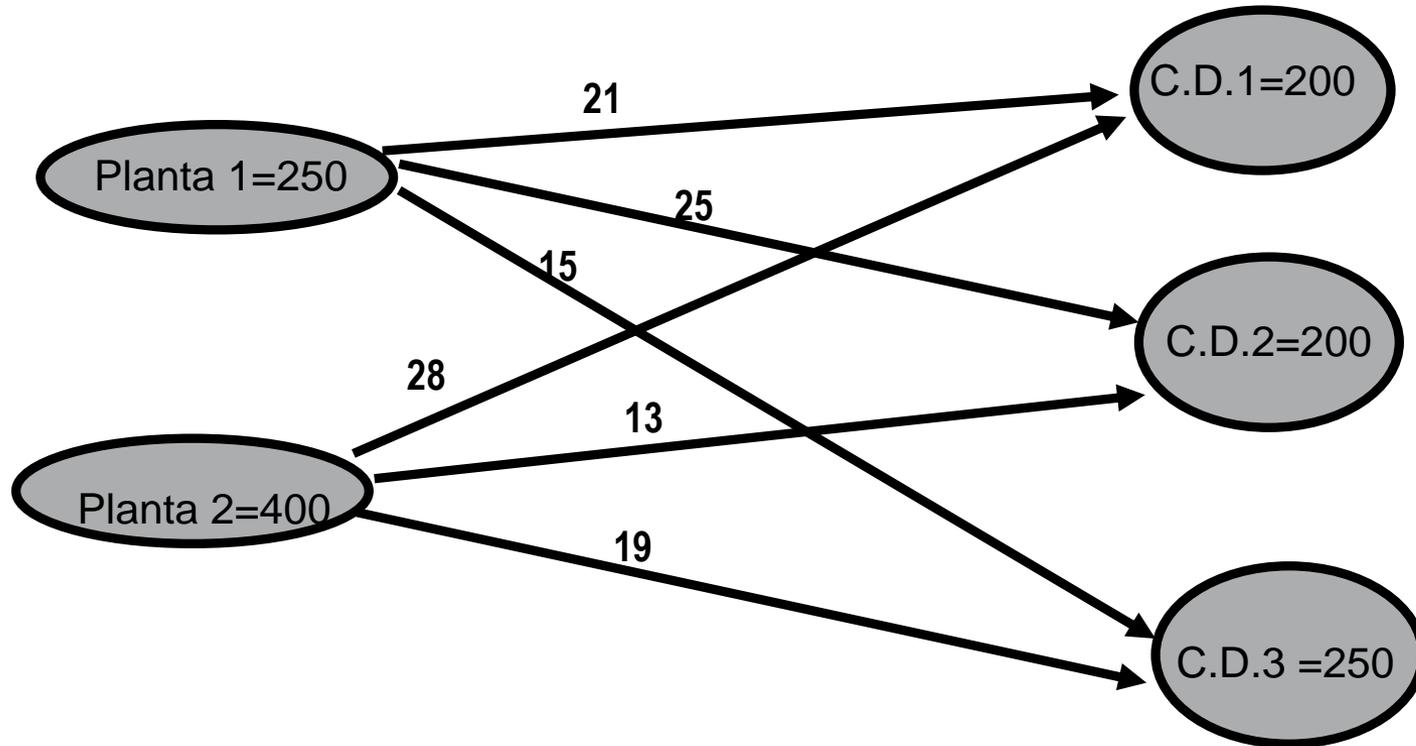
Ejemplo 2. Suponga que una empresa posee dos plantas que elaboran un determinado producto en cantidades de 250 y 400 unidades diarias, respectivamente. Dichas unidades deben ser trasladadas a tres centros de distribución con demandas diarias de 200, 200 y 250 unidades, respectivamente. Los costos de transporte (en \$/unidad) son:

	C.Dist. 1	C.Dist.2	C.Dist.3
Planta 1	21	25	15
Planta 2	28	13	19



Modelos de transporte: Gráfica

Diagrama



Orígenes

Destinos



Tabla Símples de transporte: Ejemplo

Ejemplo 2. Suponga que una empresa posee dos plantas que elaboran un determinado producto en cantidades de 250 y 400 unidades diarias, respectivamente. Dichas unidades deben ser trasladadas a tres centros de distribución con demandas diarias de 200, 200 y 250 unidades, respectivamente. Los costos de transporte (en \$/unidad) son:

Destinos	Orígenes			Oferta
	CD ₁	CD ₂	CD ₃	
P ₁	21	25	15	250
P ₂	28	13	19	400
Demanda	200	200	250	



Modelos de transporte.

Variables de decisión:

x_{ij} = Unidades transportadas desde la planta i ($i=1,2$), hasta el centro de distribución j ($j=1, 2, 3$).

Función Objetivo:

Minimizar el costo total de transporte dado por la función:

$$21x_{11} + 25x_{12} + 15x_{13} + 28x_{21} + 13x_{22} + 19x_{23}$$



Modelos de transporte.

Restricciones del problema:

1) No Negatividad: $x_{ij} \geq 0$

2) Demanda:

$$CD_1 : x_{11} \quad + x_{21} = 200$$

$$CD_2 : \quad x_{12} \quad + x_{22} = 200$$

$$CD_3 : \quad \quad x_{13} \quad + x_{23} = 250$$

3) Oferta :

$$P_1 : x_{11} + x_{12} + x_{13} = 250$$

$$P_2 : \quad \quad \quad x_{21} + x_{22} + x_{23} = 400$$



Modelos de transporte: Ejercicio

En el modelo de transporte de motores desde unos orígenes a unos destinos de la siguiente tabla, realice la gráfica, la tabla simplex y el modelo de PL.

Desde el origen	Al destino				Oferta
	1	2	3	4	
1	12	13	4	6	500
2	6	4	10	11	700
3	10	9	12	4	800
Demanda	400	900	200	500	2000



Modelos de transporte. Solución

Solución Inicial Factible

Regla de la esquina noroeste (MEN)

Método del costo mínimo (MCM)

Método por aproximación de Vogel (MAV)

Solución Óptima

Método del paso secuencial



Solución Inicial Factible: Esquina Noroeste

1. Se inicia el proceso desde la esquina izquierda superior. Se ubican tantas unidades como sea posible en la ruta.

Cantidad de Unidades = $\text{Mínimo}(\text{oferta o demanda})$

2. Las siguientes asignaciones se hacen o bien recorriendo hacia la derecha o bien hacia abajo.

3. Las demandas se satisfacen recorriendo sucesivamente de izquierda a derecha y las ofertas se destinan recorriendo de arriba hacia abajo



Solución Inicial Factible: Ejemplo Esquina Noroeste

				5
				6
				2
3	5	2	3	

3				2
				6
				2
X	5	2	3	

3	2			X
				6
				2
X	3	2	3	

3	2			X
	3			3
				2
X	X	2	3	

3	2			X
	3	2		1
				2
X	X	X	3	

3	2			X
	3	2	1	X
				2
X	X	X	2	



Solución Inicial Factible: Esquina Noroeste

Finalmente se tiene la siguiente solución inicial factible.

$$x_{11}=3, x_{12}=2, x_{22}=3, x_{23}=2, x_{24}=1, x_{34}=2$$

3	2			X
	3	2	1	X
			2	X
X	X	X	X	



Solución Inicial Factible: Ejemplo Esquina Noroeste

Ensambladora Electrónica S. A. Distribuye computadoras en todo el país. Actualmente cuenta con tres plantas y tres centros de distribución para la zona norte de la república mexicana. Los costos de transporte por cada camión desde las plantas hasta los centros de distribución, se muestran en la tabla.

Planta	Centro de distribución			Oferta
	CD ₁	CD ₂	CD ₃	
P ₁	\$1250	\$1380	\$1000	12
P ₂	\$ 950	\$1230	\$ 840	25
P ₃	\$ 1520	\$1420	\$ 1360	16
Demanda	15	20	18	



Solución Inicial Factible: Ejemplo Esquina Noroeste

Recorrido

	1250		1380		1000	12
	950		1230		840	25
	1520		1420		1360	16
15		20		18		

$$X_0 = (12)(1250) + (3)(950) + (20)(1230) + (2)(840) + (16)(1360)$$

$$X_0 = 15000 + 2850 + 24600 + 1680 + 21760$$

$$X_0 = \$65,890$$



Solución Inicial Factible: Ejemplo Esquina Noroeste

Celdas básicas

	1250		1380		1000	12
12						
	950		1230		840	25
3		20		2		
	1520		1420		1360	16
				16		
15		20		18		

The diagram illustrates a transportation problem solution. A 3x3 grid of cells is shown, with a fourth column for supply and a fourth row for demand. The cells contain the following values:

- Row 1: 1250, 1380, 1000
- Row 2: 950, 1230, 840
- Row 3: 1520, 1420, 1360
- Column 4 (Supply): 12, 25, 16
- Column 4 (Demand): 15, 20, 18

Basic cells are indicated by blue numbers in red circles: 12, 3, 20, 2, and 16. Green arrows show the flow of goods from these basic cells to other cells in the grid. Red arrows point from a central point above the grid to each of the basic cells.



Solución Inicial Factible: Ejercicio Esquina Noroeste

En el modelo de transporte de motores desde unos orígenes a unos destinos de la siguiente tabla encuentre la solución inicial factible.

Desde el origen	Al destino				Oferta
	1	2	3	4	
1	12	13	4	6	500
2	6	4	10	11	700
3	10	9	12	4	800
Demanda	400	900	200	500	2000



Solución Inicial Factible: Método del Costo Mínimo

Consiste en asignar la mayor cantidad de unidades a una ruta disponible de costo mínimo.

Procedimiento:

1. Dada la tabla seleccionar la celda de menor costo.
2. Asignar la mayor cantidad de unidades a la variable (ruta) con el menor costo unitario de toda la tabla y tachar la fila o columna satisfecha.
3. Ajustar oferta y demanda de todas las filas y columnas
4. Si hay más de una fila o columna no tachada repetir los puntos 1, 2 y 3



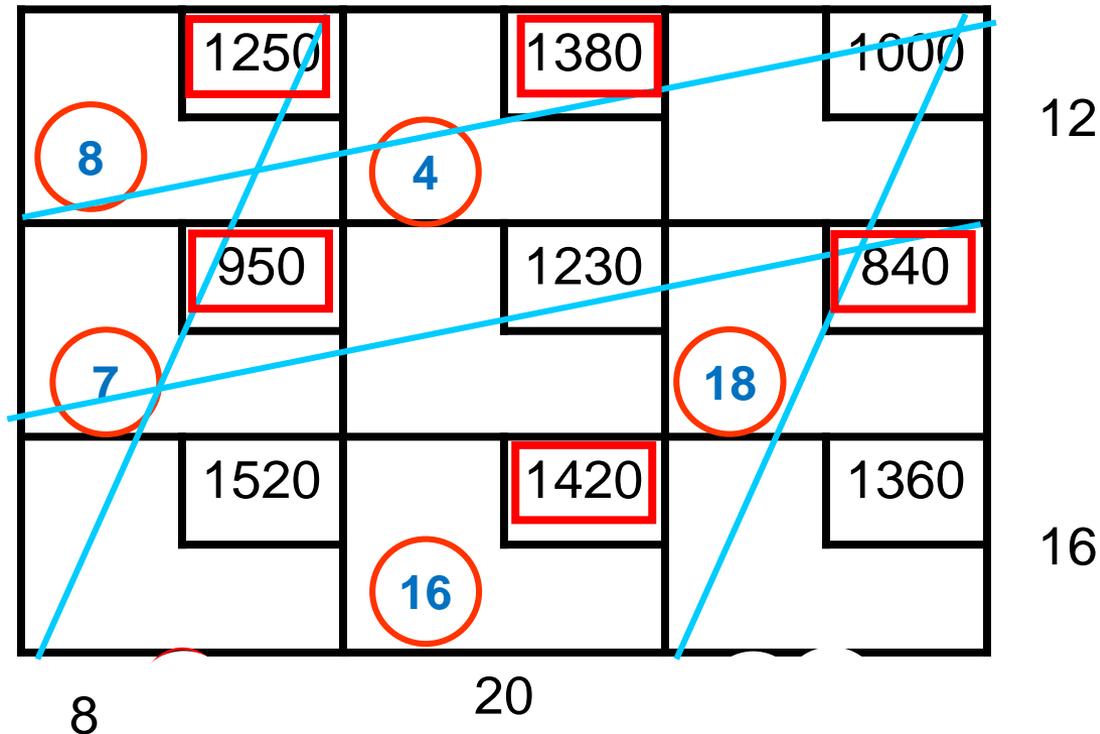
Solución Inicial Factible: Ejemplo Costo Mínimo

Ensambladora Electrónica S. A. Distribuye computadoras en todo el país. Actualmente cuenta con tres plantas y tres centros de distribución para la zona norte de la república mexicana. Los costos de transporte por cada camión desde las plantas hasta los centros de distribución, se muestran en la tabla.

Planta	Centro de distribución			Oferta
	CD ₁	CD ₂	CD ₃	
P ₁	\$1250	\$1380	\$1000	12
P ₂	\$ 950	\$1230	\$ 840	25
P ₃	\$ 1520	\$1420	\$ 1360	16
Demanda	15	20	18	



Solución Inicial Factible: Método del Costo Mínimo



$$X_0 = (8)(1250) + (4)(1380) + (7)(950) + (18)(840) + (16)(1420)$$

$$X_0 = 1000 + 5520 + 6650 + 15120 + 22720$$

$$X_0 = \$60,010$$



Solución Inicial Factible: Ejercicio Costo Mínimo

En el modelo de transporte de motores desde unos orígenes a unos destinos de la siguiente tabla encuentre la solución inicial factible.

Desde el origen	Al destino				Oferta
	1	2	3	4	
1	12	13	4	6	500
2	6	4	10	11	700
3	10	9	12	4	800
Demanda	400	900	200	500	2000



Método de Aproximación de Vogel

1. Calcular la diferencia, que es la diferencia no negativa entre los 2 más pequeños costos asociados con las variables no asignadas en ese renglón y en esa columna.
2. Identificar la fila o columna de mayor diferencia. En caso de empate, se escoge la que tenga la casilla más baja en costos.
3. Colocar la **máxima asignación** posible a la ruta no usada que tenga el **menor costo** en la fila o columna seleccionada.
4. Reajustar la oferta y la demanda.
5. Eliminar la columna con demanda cero y la fila con oferta cero.
6. Calcular las nuevas diferencias y Volver a empezar del paso 1.



Ejemplo Aproximación de Vogel

Ensambladora Electrónica S. A. Distribuye computadoras en todo el país. Actualmente cuenta con tres plantas y tres centros de distribución para la zona norte de la república mexicana. Los costos de transporte por cada camión desde las plantas hasta los centros de distribución, se muestran en la tabla.

Planta	Centro de distribución			Oferta
	CD ₁	CD ₂	CD ₃	
P ₁	\$1250	\$1380	\$1000	12
P ₂	\$ 950	\$1230	\$ 840	25
P ₃	\$ 1520	\$1420	\$ 1360	16
Demanda	15	20	18	



Método de Aproximación de Vogel

	1250	1380	1000	12	250
15	950	1230	840	25	110
	1520	1420	1360	16	60
15		20	18	53	
	300	150	160		



Método de Aproximación de Vogel

	1250	1380	1000	12	380
15	950	1230	840	10-10	390
	1520	1420	1360	16	60
0	20	18-10			
	150	160			

	1250	1380	8	1000	12-8	380
15	950	1230	10	840	0	
	1520	1420		1360	16	60
0	20	8-8				
	40	360				

	1250	4	1380	8	1000	4-4
15	950	1230	10	840	0	
	1520	1420		1360	16	
0	20-6	0				
	40					

	1250	4	1380	8	1000	0
15	950	1230	10	840	0	
	1520	16	1420		1360	16-16
0	16-16	0				



Método de Aproximación de Vogel:

	1250		1380		1000		12
		4		8			
	950		1230		840		25
15				10			
	1520		1420		1360		16
		16					
15		20		18			53

Ruta: X_{12} , X_{13} , X_{21} , X_{23} , X_{32}

Costo: $(4 \cdot 1380) + (8 \cdot 1000) + (15 \cdot 950) + (10 \cdot 840) + (16 \cdot 1420)$

=



Ejercicio: Método de Aproximación de Vogel

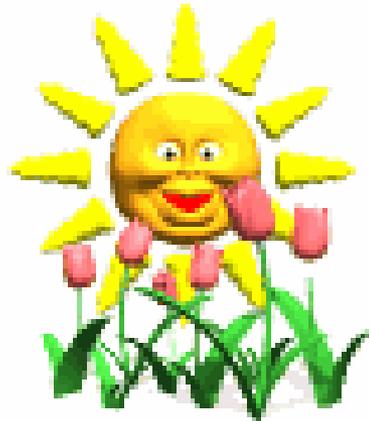
En el modelo de transporte de motores desde unos orígenes a unos destinos de la siguiente tabla encuentre la solución inicial factible.

Desde el origen	Al destino				Oferta
	1	2	3	4	
1	12	13	4	6	500
2	6	4	10	11	700
3	10	9	12	4	800
Demanda	400	900	200	500	2000



BIBLIOGRAFÍA

- 1.- Bronson. **“INVESTIGACIÓN DE OPERACIONES”**. Edit. McGraw-Hill.
2. - Hillier, Frederick y otros. **“INVESTIGACIÓN DE OPERACIONES”** 7ª Ed. Edit. McGraw-Hill.
3. Mckeown, D. **“MODELOS CUANTITATIVOS PARA LA ADMINISTRACIÓN”** Iberoamericana.
- 4.- Taha, Handy. **“INVESTIGACIÓN DE OPERACIONES”** 7ª Ed. Edit. Pearson Educación.
- 5.- Winston Wayne L. **“INVESTIGACION DE OPERACIONES. APLICACIONES Y ALGORITMOS”**. 4ª ed. Edit. Mc Graw-Hill



FIN DE LA PRESENTACION